

**ЗАКЛЮЧЕНИЕ**  
**эксперта Алымкулова Келдибая**  
**диссертационного совета К 01.17.554 при Ошском государственном**  
**университете, Жалал-Абадском государственном университете и Институте**  
**природных ресурсов Южного отделения Национальной академии наук**  
**Кыргызской Республики по докторской диссертации Дыйканова Гапара Аскаровича на**  
**тему «Смешанные задачи для нелинейных функционально-**  
**дифференциальных уравнений в частных производных четвертого порядка»,**  
**представленной на соискание ученой степени кандидата физико-**  
**математических наук по специальности 01.01.02 - дифференциальные**  
**уравнения, динамические системы и оптимальное управление**

Рассмотрев представленную соискателем Дыйкановым Гапаром Аскаровичом кандидатскую диссертацию на тему «Смешанные задачи для нелинейных функционально-дифференциальных уравнений в частных производных четвертого порядка» по специальности 01.01.02 «Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление» пришел к следующему заключению:

**1. Соответствие работы специальности, по которой дано право диссертационному совету, принимать диссертации к защите.** Представленная Дыйкановым Гапаром Аскаровичом кандидатскую диссертацию на тему «Смешанные задачи для нелинейных функционально-дифференциальных уравнений в частных производных четвертого порядка» соответствует профилю диссертационного совета.

В диссертации впервые изучаются обобщенная разрешимость смешанных задач для нелинейных дифференциальных уравнений содержащих суперпозицию параболического и гиперболического операторов и нелинейные отклонения;

для нелинейных интегро-дифференциальных уравнений, содержащих квадрат параболического оператора и нелинейные отклонения;

для нелинейных уравнений содержащих суперпозицию параболического и эллиптического операторов и нелинейные отражающие отклонения, что в полной мере отвечает паспорту специальности 01.01.02.- «Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление».

При этом поставлена цель:

1. Установить достаточные коэффициентные условия однозначной разрешимости смешанной задачи для нелинейных дифференциальных уравнений, содержащих суперпозицию параболического и гиперболического операторов и нелинейные отклонения;

2. Установить достаточные коэффициентные условия однозначной разрешимости смешанной задачи для нелинейных интегро-дифференциальных уравнений, содержащих квадрат параболического оператора и нелинейные отклонения;

3. Установить достаточные коэффициентные условия однозначной разрешимости смешанной задачи для нелинейных уравнений, содержащих суперпозицию

Задачи для дифференциальных уравнений в частных производных, которые по одной переменной (по времени) являются начальными, а по другим переменным

(по пространственным переменным) - граничными, называются смешанными. Смешанные задачи в теории упругости возникают при расчете различных деталей машин и элементов конструкций, находящихся во взаимодействии, при расчете фундаментов и оснований сооружений. Смешанными задачами также являются многие задачи концентрации напряжений в окрестности всевозможных трещин, инородных включений, подкрепляющих стрингеров и накладок. Много смешанных задач и в гидродинамике. Это и нелинейные задачи теории крыла и глиссирования, теория струйных течений, теории качки корабля и удара тел о поверхность жидкости, фильтрации, теории взрыва, ряд задач гидроупругости. Представляют большой интерес с точки зрения физических приложений дифференциальные уравнения в частных производных высоких порядков. Дифференциальные уравнения в частных производных четвертого порядка имеют много приложений.

Большой вклад в развитие теории функционально-дифференциальных уравнений внесли Н. В. Азбелов, Б. И. Ананьев, Л. А. Бекларян, С. А. Брыкалов, А. И. Булгаков, Ю. А. Ведь, В. Б. Колмановский, Н. И. Красовский, А. В. Кряжимский, А. Б. Куржанский, М. И. Имаилиев, В. Г. Максимов, А. А. Мартынюк, Г. И. Марчук, Ю. А. Митропольский, А. Д. Мышикис, С. Б. Норкин, В. Р. Носов, В. Г. Пименов, Л. Ф. Рахматуллина, В. П. Рубаник, А. М. Самойленко, Дж. Хейл, В. Н. Шевело, Л. Э. Эльсгольц, М. Г. Юмагулов и многие другие ученые.

В последние 35 лет исследуются дифференциальные уравнения с отражающим аргументом. Уравнения правой части которых неизвестная функция зависит от « $-I$ ». Такие уравнения рассматривались в работах А. Р. Автабизадё, Ю. К. Хянг, Дж. Вайнера, Ю. А. Ведь, М. Т. Матраимов и других.

В данной диссертационной работе изучаются смешанные задачи для нелинейных функционально-дифференциальных уравнений в частных производных четвертого порядка, содержащие нелинейные отклонения.

### **3. Научные результаты**

В диссертации получены следующие результаты:

Результат 1. Доказана однозначная обобщенная разрешимость смешанной задачи для нелинейных дифференциальных уравнений, содержащих суперпозицию параболического и гиперболического операторов и нелинейные отклонения (*Глава 2; §2.1, §2.2, §2.3, §2.4, §2.5, §2.6*)

Результат 2. Доказана однозначная обобщенная разрешимость смешанной задачи для нелинейных интегро-дифференциальных уравнений, содержащих квадрат параболического оператора и нелинейные отклонения (*Глава 3; §3.1, §3.2, §3.3, §3.4*)

Результат 3. Доказана однозначная обобщенная разрешимость смешанной задачи для нелинейных уравнений, содержащих суперпозицию параболического и эллиптического операторов и нелинейные отражающие отклонения (*Глава 4 и 5*)

### **4. Степень обоснованности и достоверности каждого результата (научного положения), выводов и заключения соискателя, сформулированных в диссертации**

Все полученные результаты строго обоснованы, доказаны и апробированы на конференциях и семинарах.

### **5. Степень новизны каждого научного результата (положения), выводов и заключения соискателя, сформулированных в диссертации**

Все результаты являются новыми. Доказаны теоремы существования и единственности обобщенных решений смешанных задач для нелинейных дифференциальных уравнений, содержащих суперпозицию параболического и гиперболического операторов и нелинейные отклонения; для нелинейных интегро-дифференциальных уравнений, содержащих квадрат параболического оператора и нелинейные отклонения; для нелинейных уравнений, содержащих суперпозицию параболического и эллиптического операторов и нелинейные отражающие отклонения.

## **6. Оценка внутреннего единства и направленности полученных результатов на решении соответствующей актуальной проблемы, теоретической и прикладной задачи**

Диссертация Дыйканова Гапара Аскаровича на тему «Смешанные задачи для нелинейных функционально-дифференциальных уравнений в частных производных четвертого порядка» посвященная доказательству теорем существования и единственности обобщенных решений смешанных задач математической физики, представляет собой законченное научное исследования, которые является актуальным в теории дифференциальных уравнений. Результаты, выносимые диссертантом на защиту, обоснованы и взаимосвязаны.

Диссертация содержит ряд научных результатов, которые могут быть использованы в приложениях и создают предпосылки для дальнейшего развития теории дифференциальных уравнений в частных производных.

## **7. Практическая значимость полученных результатов**

Работа носит теоретический характер. Результаты данной диссертационной работы можно использовать для дальнейшего развития теории нелинейных дифференциальных и интегро-дифференциальных уравнений в частных производных четвертого порядка. В основе доказательств теорем, заложены алгоритмы которые позволяют построить алгоритмы численных расчетов прикладных задач. Полученные результаты также можно применить в теории нелинейных колебаний и автоматического регулирования.

## **8. Подтверждения опубликования основных положений, результатов и выводов диссертации**

Основные результаты и выводы диссертации опубликованы в следующих научных журналах:

1. Дыйканов Г.А. О смешанной задаче для нелинейного интегро-дифференциального уравнения четвертого порядка с нелинейным отклонением по времени [Текст] / Т.К. Юлдашев, Г.А. Дыйканов // Вестник ВоронежГУ. Серия: Физика. Математика. – 2010. – №2. – С. 164–169.

2. Дыйканов Г.А. Краевая задача для однородного эллиптико-гиперболического уравнения третьего порядка [Текст] / Т.К. Юлдашев, Г.А. Дыйканов // Складні системи і процеси. – 2010. – №1. – С. 19–24.

3. Дыйканов Г.А. О смешанной задаче для нелинейного уравнения четвертого порядка с нелинейным отклонением по времени [Текст] / Т.К. Юлдашев, Г.А. Дыйканов // Решетневские чтения. Материалы XIV межд. научн. конф., 10-12 ноября 2010 г., г. Красноярск. – Красноярск: СибГУ, 2010. – Часть 2. – С. 465–466.

4. Дыйканов Г.А. Смешанная задача для одного нелинейного интегро-дифференциального уравнения четвертого порядка с максимумами [Текст] / Т.К.

Юлдашев, Г.А. Дыйканов // Решетневские чтения. Материалы XIV межд. научн. конф., 10-12 ноября 2011 г., г. Красноярск. – Красноярск: СибГУ, 2011. – Часть 2. – С. 553–554.

5. Дыйканов Г.А. О разрешимости смешанной задачи для нелинейного дифференциального уравнения шестого порядка [Текст] / Т.К. Юлдашев, Г.А. Дыйканов // Вестник ОшГУ. – 2011. – №1. – С. 48–52.

6. Дыйканов Г.А. Краевая задача для смешанного уравнения шестого порядка [Текст] / Т.К. Юлдашев, Г.А. Дыйканов // Вестник ОшГУ. - 2011. - №1. - С. 52–54.

7. Дыйканов Г.А. Смешанная задача для одного нелинейного дифференциального уравнения в частных производных четвертого порядка [Текст] / Г.А. Дыйканов // Вестник ОшГУ. - 2017. - № 2. - С. 41–48.

8. Дыйканов Г.А. О смешанной задаче для одного дифференциального уравнения четвертого порядка с нелинейным отражающим отклонением [Текст] / Г.А. Дыйканов // Вестник ОшГУ. - 2018. - № 4. - С. 9–17.

9. Дыйканов Г.А. Обобщенная разрешимость смешанной задачи для одного интегро-дифференциального уравнения с нелинейным отклонением [Текст] / Г. А. Дыйканов // Вестник ОшГУ. - 2018. - № 4. - С. 17–25.

#### **9. Соответствие автореферата содержанию диссертации.**

В автореферате полностью отражена основное содержание диссертации. Авторефераты на кыргызском и русском языках идентичны.

#### **10. Обоснованность предложения о назначении ведущей организации, официальных оппонентов.**

Предлагаю по кандидатской диссертации назначить:

- в качестве ведущей организации Ферганский государственный университет, г. Фергана, Республика Узбекистан, где работают доктора физико-математических наук по специальности 01.01.02 - «Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление».

- первым официальным оппонентом - доктора физико-математических наук, профессора Асанова Авыта (по автореферату специальность 01.01.02. - - «Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление», которой имеет труды близкие к проблеме исследования):

- Асанов А., Максутов А.Р. Нелинейные интегральные уравнения Вольтерра третьего рода с двумя независимыми переменными // Исследования по интегро-дифференц. уравнениям. – Бишкек, 2000. – Вып. 29. – С. 122 - 129.

- Асанов А.А, Сапарова Г.Б. Единственность решения системы интегральных уравнений фредгольма второго рода с разрывным ядром // Известия ОшТУ, 2012. - №1. – С. 153-157.

- Асанов А.А., Чоюбеков С.М. Решение неклассических интегральных уравнений Вольтерра I рода с вырожденным нелинейным ядром, Междунар. науч.-исслед. журн., 2018, выпуск 4(70). - С. 134–138.

- вторым официальным оппонентом доктора физико-математических наук, профессора Турсунова Дилмурада Абдиллахановича (по автореферату специальность 01.01.02 - «Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление», который имеет труды близкие проблемы исследования):

1. Д. А. Турсунов, “Асимптотическое решение линейных бисинггулярных задач с дополнительным пограничным слоем”, Изв. вузов. Математика, З. 2018, 70-

78.

2. K. Alymkulov, D. A. 2 ursunov, K. G. Kozhobekov, "The singularly perturbed parabolic equation in the case when the unperturbed equation has an unbounded solution", *Far East Journal of Mathematical Sciences*, 102:2 (2017), 329-336.

Рассмотрев диссертационную работу и автореферат рекомендую диссертационному совету К.01.17.554 при Ошском государственном университете. Жалал-Абадском государственном университете и Институте природных ресурсов Южного отделения Национальной академии наук Кыргызской Республики принять диссертацию Дыйканова Гапара Аскаровича на тему: «Смешанные задачи для нелинейных функционально-дифференциальных уравнений в частных производных четвертого порядка» на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.01.02 - «Дифференциальные уравнения, динамические системы и оптимальное управление».

Эксперт  
д.ф.-м.н., профессор

Алымкулов К.

