

Тема: Иррационалдык барабарсыздыктар

Когнитивдик максаты: Студенттер радикал, n - даражалуу тамыр түшүнүктөрүн билет. Иррационалдык барабарсыздыкты чыгаруунун түрдүү жолдорун карашат. Рационалдуу методду иргеп алат.

Социо-маданий максаты: өз пикир сунуштайт, жуптарда жана топтордо иштей алышат. Баалуу пикирге кошулууга, орток чеим чыгарууга үйрөнүшөт.

Лингвистикалык максаты: лексикалык минимумдарды, сөздүктү жаттап барышат. Көп тилдүү көндүмдөрү калыптанат.

Лексикалык минимумдар:Выражение под знаком корня (радикала), возведения в степень, алгебраический и арифметический корень.

Сабактын жабдылышы:

Чакыруу этабы: (максаттуу тилде жүргүзүлөт)

Под иррациональными неравенствами понимаются неравенства, в которых неизвестные величины находятся под знаком корня (радикала). Обычный способ решения таких неравенств заключается в сведении их к рациональным неравенствам (не содержащим корней). Освободиться от корней иногда удается путем возведения обеих частей неравенства в степень. При этом необходимо следить за тем, чтобы при преобразовании неравенств каждый раз получилась неравенство, равносильное исходному.

При решении иррациональных неравенств следует помнить, что при возведении обеих частей неравенства в нечетную степень всегда получается неравенство, равносильное исходному неравенству. Если же обе части неравенства возводят в четную степень, то полученное неравенство будет равносильно исходному к иметь тот же смысл лишь в случае, если обе части исходного неравенства неотрицательное.

Пример 1. Решить неравенство

$$\sqrt{x + 61} < x + 5$$

Решение. Найдем область допустимых значений исходного неравенства

$$x + 61 \geq 0$$

$$x \geq -61[-61; \infty)$$

Первая часть неравенства $(x + 5)$ может быть отрицательной. Рассмотрим два случая

1. $x + 5 > 0$, т.е $x \in [-5; \infty)$

В этом случае обе части неравенства неотрицательны. Следовательно, обе части неравенства можно возвести в квадрат:

$$x + 61 < x^2 + 10x + 25$$

$$-x^2 - 9x + 36 < 0$$

$$-(x - 3)(x + 12) < 0$$

$$(x - 3)(x + 12) > 0 \quad x \in (-\infty; -12) \cup (3; \infty)$$

Найдем пересечение полученного множества с множеством $[-5; \infty)$ –

это $(3; \infty)$ и пересечение последнего множества с областью допустимых значений исходного неравенства будет $x \in (3; \infty)$

$$2. x + 5 < 0, \text{ т.е. } x \in (-\infty; -5)$$

В этом случае левая часть неравенства неотрицательна, а правая отрицательна. Такое неравенство неверно, т.е. рассматриваемый промежуток не содержит решений исходного неравенства.

Ответ: $(3; \infty)$.

Түшүнүү жана ойлоонуу этаптары:

Таркатма материал берилет. 3 группа үчүн мисалдар жазылган.

Группа №11) $\sqrt{x-2} > 1$

$$2) \sqrt{5x-x^2} < x-2$$

Группа №2 1) $\sqrt{x+3} \geq 2$

$$2) \sqrt{x+4} < \sqrt{x^2+x+3}$$

Группа №3 1) $\sqrt{x-1} < 2$

$$2) \sqrt{x+5} > x$$

Мисалдарды чыгаргыла. Презентация жасайсыздар. Түшүндүрүп бергиле (максаттуу тилде)

Чыгаруу: 1) $\sqrt{x-2} > 1$

$$x - 2 > 1$$

$$x > 3 \quad \text{ж: } (3; \infty)$$

$$2) \sqrt{5x-x^2} < x-2$$

$$Д: \quad 5x - x^2 \geq 0$$

$$x(5-x) \geq 0 \quad Д: [0; 5]$$

a) $x - 2 > 0$

$$x > 2 \quad (2; \infty) \quad Д \text{ менен кесилиш } (2; 5) \text{ болот}$$

$$б) \quad x - 2 < 0$$

$$x < 2(-\infty; 2)$$

Оң жагы оң ал эми сол жагы терс болсо, туура эмес. Демек, жообу: $(2; 5)$

$$\text{№2. 1) } \sqrt{x+3} \geq 2$$

$$x+3 \geq 4$$

$$x \geq 1. \quad \text{Ж: } [1; \infty).$$

$$2) \quad \sqrt{x+4} < \sqrt{x^2+x+3} \text{Д: } x+4 > 0 \text{ жана } x^2+x+3 \geq 0$$

$$x+4 < x^2+x+3 \text{Д: } x^2-1 \geq -4. \quad \text{Д: } 1-12 < 0$$

$$x \in R$$

$$\text{Д: } [-4; \infty)$$

$$x^2 - 1 > 0 \text{Ж: } [-4; -1) \cup (1; \infty)$$

$$\text{№3. 1) } \sqrt{x-1} < 2$$

$$x-1 < 4$$

$$x < 5 \text{Ж: } (-\infty; 5)$$

$$2) \quad \sqrt{x+5} > x$$

$$x+5 \geq 0 \text{Д: } [-5; \infty)$$

$$a) \quad x > 0. \quad x+5 > x^2$$

$$x^2 - x - 5 < 0. \quad \text{Д: } 1 + 20 = 21$$

$$x_1 = \frac{1-\sqrt{21}}{2}; \quad x_2 = \frac{1+\sqrt{21}}{2}$$

$$x \in \left(\frac{1-\sqrt{21}}{2}; \frac{1+\sqrt{21}}{2}\right) \text{ . Д: } [-5; \infty) \text{ кесилишин карасак}$$

$$\text{Ж: } \left(\frac{1-\sqrt{21}}{2}; \frac{1+\sqrt{21}}{2}\right)$$

$$б) \quad x < 0 \text{ болгондо } \emptyset$$

$$\text{Демек, Ж: } \left(\frac{1-\sqrt{21}}{2}; \frac{1+\sqrt{21}}{2}\right)$$

Конструкциялар

1) Под иррациональными неравенствами понимаются неравенства, в которых неизвестные величины находятся под знаком (корня)

2)

При решении иррациональных неравенств следует помнить, что при возведении обеих частей неравенства ...	
1) в нечетную степень всегда получается неравенство, равносильное исходному неравенству.	2) в четную степень, то полученное неравенство будет равносильно исходному иметь тот же смысл лишь в случае, если обе части исходного неравенства неотрицательные

Баалоо: конструкцияларды кебинде туура колдонгондугуна жана материалдын мазмунун өздөштүргөнүн эске алып, жыйынтык баа коём.

Тапшырма:

1) словарь

2) лексикалык конструкцияларды жаттоо

Рабочий лист

Словарь

под знаком радикала - радикал астындагы

нечетную степень - так даража

область допустимых значений - мүмкүн болгон маанилеринин областы

Лексикалык минимумдар: Выражение под знаком корня (радикала), возведения в степень, алгебраический и арифметический корень.

Конструкциялар

1) Под иррациональными неравенствами понимаются неравенства, в которых неизвестные величины находятся под знаком ... (корня)

2)

При решении иррациональных неравенств следует помнить, что при возведении обеих частей неравенства ...
--

1) в нечетную степень всегда получается неравенство, равносильное исходному неравенству.	2) в четную степень, то полученное неравенство будет равносильно исходному иметь тот же смысл лишь в случае, если обе части исходного неравенства неотрицательное
--	---

Баалоо: конструкцияларды кебинде туура колдонгондугуна жана материалдын мазмунун өздөштүргөнүн эске алып, жыйынтык баа коём.

Тапшырма [2]. ЗБ.087 – ЗБ.092 стр.56